

Simulation stochastique 1

Licence MIASHS - L3

Année 2015 - 2016

Jung Jonathan - Sophie Mercier



TP n° 1 : Introduction à Scilab

La première séance est dédiée à la prise en main du logiciel libre *Scilab* de calcul numérique.

1 Création et enregistrement d'un fichier *Scilab*

- Mettez-vous en binômes.
- Connectez-vous sous *Linux*.
- Créez dans votre espace personnel (répertoire /S) un dossier *SimuStochastique1* dans lequel vous mettrez tous vos fichiers *Scilab*.
- Ouvrir *Scilab*, allez dans "*Démarrer SciNotes*" puis cliquez sur *Fichier/Nouveau*.
- Allez immédiatement dans *Fichier/Enregistrer sous* et sauvegardez le fichier vide sous *TP1-Intro-Scilab.sce* dans le dossier *SimuStochastique1*.

2 Quelques règles de base...

Pour effacer toutes les variables de la console, tapez

```
clear
```

Pour introduire une ligne de commentaire dans votre fichier, commencez la ligne par un `//` :

```
// Votre commentaire
```

Pour exécuter votre fichier *SciNotes*, appuyez sur l'icône "Exécuter".

Pour affecter à la variable *a* la valeur 2, tapez

```
a = 2
```

On notera que, lors de l'exécution de cette instruction, le contenu de la variable n'est pas affiché. Pour afficher la valeur de *a*, tapez dans la console

```
a
```

Pour réinitialiser toutes les variables précédemment utilisées, tapez

```
clear
```

Pour affecter à *x* le vecteur ligne (1, 2, 3, 4, 5, 6), tapez

```
x=[1,2,3,4,5,6]
```

ou

```
x=1:1:6
```

car $a : p : b$ correspond au vecteur ligne commençant en *a* et s'arrêtant à *b* avec un pas de *p*.

Pour afficher le deuxième élément du vecteur *x*, tapez

```
x(2)
```

Pour afficher les éléments entre les positions 3 et 5, tapez

```
x(3:5)
```

Pour transposer la matrice *x*, tapez

```
x=x'
```

Pour accéder à l'**aide** d'une commande, il faut aller dans `?/Aide de Scilab`. Par exemple, pour accéder à l'aide de la commande *sum*, faites une recherche sur *sum*.

3 Quelques exercices

Exercice 1. Créer les vecteurs lignes suivants :

- (a) $a = (0, 1, \dots, 10)$,
- (b) $b = (1, 3, \dots, 11, 13)$ (le pas vaut 2),
- (c) $c = (1, 1.1, 1.2, \dots, 9.9, 10)$ (le pas vaut 0.1),
- (d) $d = (1^2, \dots, 20^2)$,

<code>d=1:1:20</code>	<code>d=d.*d</code>
-----------------------	---------------------

- (e) $e = (\ln(1), \dots, \ln(15))$ (utiliser `log`)
- (f) $f = (1 * \ln(1), \dots, 15 * \ln(15))$,
- (g) $g = (1^1, 2^2, \dots, 9^9, 10^{10})$,
- (h) $h =$ vecteur ligne formé de 10 "0", puis de 10 "1" (utiliser `zeros` et `ones`)
- (i) $i =$ vecteur colonne formé de (1, 2, 3, 4, 5), puis de (0, 2, ..., 12, 14) (pas de 2).

Exercice 2. Créer les matrices suivantes :

- (a) $A =$ matrice d'ordre 6 dont toutes les lignes sont égales au vecteur des entiers de 1 à 6 (utiliser `repmat`)
- (b) $B = (i + j)_{1 \leq i, j \leq 6}$,
- (c) $C = (e^{i+j})_{1 \leq i, j \leq 6}$ (utiliser `exp`),
- (d) $D = e^A = \sum_{k=0}^{+\infty} \frac{A^k}{k!}$ (utiliser `expm`),
- (e) $E =$ matrice diagonale d'ordre 6 dont la diagonale contient les entiers de 1 à 6 (utiliser `diag`),
- (f) $F =$ matrice d'ordre 6 contenant les entiers de 1 à 36, rangés par colonne (utiliser `matrix`),
- (g) $G =$ matrice d'ordre 6 contenant les entiers de 1 à 36, rangés par ligne (utiliser `matrix`),

Exercice 3. Soit $A = (i - j)_{1 \leq i, j \leq 5}$.

- (a) Créer la matrice A ,
- (b) Calculer le vecteur ligne $b = (b_j)_{1 \leq j \leq 5}$ avec $b_j = \sum_{i=1}^5 a_{i,j}$ (à l'aide de la commande `sum`),
- (c) Calculer le vecteur colonne $c = (c_i)_{1 \leq i \leq 5}$ avec $c_i = \sum_{j=1}^5 a_{i,j}$ (à l'aide de la commande `sum`),
- (d) Calculer le vecteur ligne $d = (d_j)_{1 \leq j \leq 5}$ avec $d_j = \sum_{k=1}^j b_k$ (à l'aide de la commande `cumsum`),
- (e) Calculer le vecteur ligne $e = (e_i)_{1 \leq i \leq 5}$ avec $e_i = \sum_{k=1}^i c_k$ (à l'aide de la commande `cumsum`),
- (f) Calculer la matrice $f = (f_{i,j})_{1 \leq i, j \leq 5}$ avec $f_{i,j} = \sum_{k=1}^i a_{k,j}$ (à l'aide de la commande `cumsum`),
- (g) Calculer la matrice $g = (g_{i,j})_{1 \leq i, j \leq 5}$ avec $g_{i,j} = \sum_{k=1}^j a_{i,k}$ (à l'aide de la commande `cumsum`).

Exercice 4. Écrire un programme Scilab qui calcule $S_n = \sum_{i=1}^n i^2$:

- (a) avec une boucle `for`,
- (b) sans boucle (à l'aide de la commande `sum`).

Comparer les temps d'exécution des deux méthodes pour de grandes valeurs de n . (On utilisera la commande `timer()`).

Exercice 5. Écrire un programme Scilab qui calcule $S_n = \prod_{i=1}^n (1 + \frac{1}{i^2})$:

- (a) avec une boucle `for`,
- (b) sans boucle (à l'aide de la commande `prod`).

Comparer les temps d'exécution des deux méthodes pour de grandes valeurs de n .

Exercice 6. On pose $S_n = \sum_{i=1}^n i e^i$. Déterminer $n_0 = \min(n \geq 1 \text{ tel que } S_n \geq 10^5)$. (On utilisera une boucle `while` et on vérifiera le résultat obtenu).

Exercice 7. On pose

$$f(i) = \begin{cases} i + 1 & \text{si } i \text{ est multiple de } 3 \\ i^2 + 1 & \text{sinon} \end{cases}$$

pour $i \in \mathbb{N}$. Ecrire un programme qui calcule et stocke les valeurs des $f(i)$ pour $0 \leq i \leq 20$, puis qui affiche le vecteur f . (On utilisera une boucle `for`, l'instruction `if then else` et la fonction `modulo`).

Exercice 8. Soient

$$f(x) = x \sin(x) \text{ et } g(x) = x \cos(x)$$

Tracer les fonctions f et g sur $[0, 10]$ sur un même graphique, avec un pas de temps égal à 0.1. Mettre les légendes f et g sur le graphique dans le coin supérieur gauche. (On utilisera `plot` et `legend`).

Exercice 9. On pose

$$f(x) = x \cos(x)$$

pour tout $x \in \mathbb{R}$. Créer une fonction scilab qui prend x en entrée et retourne $f(x)$. Calculer $(f(i))_{0 \leq i \leq 5}$.

Exercice 10. On pose

$$f(x, y) = x \cos(y)$$

pour tout $x, y \in \mathbb{R}$. Créer une fonction scilab qui prend (x, y) en entrée et retourne $f(x, y)$. Calculer $(f(i, j))_{0 \leq i, j \leq 5}$.

Exercice 11. Pour $a = [-1, -0.5, 0, 0.5]$, on pose

$$f_a(x) = x^a e^{-x}$$

pour tout $x \in \mathbb{R}$. Créer une fonction scilab et tracer $f_a(x)$ pour les différentes valeurs de a .

Exercice 12. Ecrire les fonctions suivantes, sans utiliser de boucle. Toutes prennent en entrée un vecteur colonne $v = (v_i)$ et un vecteur ligne $w = (w_j)$ et retournent en sortie une matrice $A = (a_{i,j})$ qui a autant de lignes que v et de colonne que w .

(a) `matV` : $a_{i,j} = v_i$,

(b) `matW` : $a_{i,j} = w_j$,

(c) `produit` : $a_{i,j} = v_i * w_j$,

(d) `echiquier` : $a_{i,j} = v_i$ si $i + j$ est pair, w_j sinon.